

Lösningar till tentamen

Termodynamik och Ytkemi 20061215

1. Insättning av $p = 250 \cdot 1.01325 \cdot 10^5$ Pa, $T = 50 + 273.15$ K och $V = 0.010$ m³ i van der Waals gaslag med $a = 0.1376$ och $b = 3.167 \cdot 10^{-5}$ ger $n = 99.22$ mol, vilket motsvarar 3.18 kg O₂.
2. Ur de givna värdena på ΔG^\ominus och ΔH^\ominus vid 298 K beräknas ΔS^\ominus till -198.79 J/K/mol.

Med sambanden

$$\begin{aligned}\Delta H^\ominus(T) &= \Delta H^\ominus(T_0) + \int_{T_0}^T \Delta C_p^\ominus dT \\ \Delta S^\ominus(T) &= \Delta S^\ominus(T_0) + \int_{T_0}^T \Delta C_p^\ominus / T dT\end{aligned}$$

$$\Delta G^\ominus(T) = \Delta H^\ominus(T) - T \cdot \Delta S^\ominus(T)$$

beräknas

$$\begin{aligned}\Delta H^\ominus(1073.15 \text{ K}) &= -101.228 \text{ kJ mol}^{-1} \\ \Delta S^\ominus(1073.15 \text{ K}) &= -237.77 \text{ J K}^{-1} \text{mol}^{-1} \\ \Delta G^\ominus(1073.15 \text{ K}) &= 153.937 \text{ kJ mol}^{-1}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\Delta G^\ominus(T) &= -R \cdot T \cdot \ln K(T) \text{ ger} \\ K(1073 \text{ K}) &= 3.22 \cdot 10^{-8}\end{aligned}$$

3. Adiabatisk process: $dq = 0$ och $dU = dw$.

Reversibelt pV-arbete ger $dw = -pdV$ och icke reversibelt arbete $dw = -p_{\text{ex}}dV$.

Om gasen är ideal blir $p = nRT/V$ och $dU = C_VdT$.

$$n \cdot C_{V,m}dT = -(nRT/V)dV$$

Integrering:

$$\int_{T_1}^{T_2} \frac{30.0 - R + 0.0105 \cdot T}{T} dT = -R \cdot \int_{V_1}^{V_2} \frac{1}{V} dV = -R \cdot \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right) = -R \cdot \ln \left(\frac{T_2 \cdot p_1}{T_1 \cdot p_2} \right)$$

ger $T_2 = 523.2$ K (250°C).

Irreversibel process:

$$n \cdot \int_{T_1}^{T_2} C_{V,m} dT = - \int_{V_1}^{V_2} p_{\text{ex}} dV = -p_{\text{ex}} \left(\frac{nRT_2}{p_2} - \frac{nRT_1}{p_1} \right)$$

ger $T_2 = 571.0$ K (298°C).

4. Clausius-Clapeyrons ekvation i integrerad form med $\Delta H_{\text{ång}}$ konstant blir:

$$\ln \left(\frac{p}{p_0} \right) = - \frac{\Delta H_{\text{ång}}}{R} \cdot \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0} \right)$$

eller

$$\ln p = \frac{\Delta H_{\text{ång}}}{R} \cdot \frac{1}{T} + \text{konstant}$$

Linjär regression av de givna värdena $\ln p$ och $1/T$ ger
 $\ln(p/\text{torr}) = 19.0178 + (-4.30887) \cdot (1/T)$

Ur detta samband beräknas $\Delta H_{\text{ång}} = 35.83$ kJ/mol.

När $T = 293.15$ K är $p = 75.1$ torr och när $p = 760$ torr är $T = 347.9$ K (74.8°C).